

ЗАПОРІЗЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
МАТЕМАТИЧНИЙ ФАКУЛЬТЕТ

ЗАТВЕРДЖУЮ  
Декан математичного факультету



С.І. Гоменюк  
(ініціали та прізвище)

«01» вересня 2025 р.

СИЛАБУС НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

**Комп'ютерна математика**

підготовки магістра  
денної форми здобуття освіти  
освітньо-наукова програма Комп'ютерні науки  
спеціальності 122 Комп'ютерні науки  
галузі знань 12 Інформаційні технології

**ВИКЛАДАЧ: Борю С. Ю., к.т.н., доцент, доцент кафедри комп'ютерних наук**

Обговорено та ухвалено  
на засіданні кафедри комп'ютерних наук

Протокол №1 від «25» серпня 2025 р.  
Завідувач кафедри комп'ютерних наук

Шило Г. М.

Погоджено  
Гарант освітньо-наукової програми

Гоменюк С.І.

2025 рік



**Зв'язок з викладачем: Борю Сергій Юрійович**

**E-mail:** bsu@znu.edu.ua

**Сезн ЗНУ повідомлення:** <https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=7>

**Телефон:** (061) 289-12-57

**Інші засоби зв'язку:** Viber - bsu

**Кафедра:** комп'ютерних наук 69600, м. Запоріжжя, вул. Університетська, 66, 1 корп., к. 39

## 1. Опис навчальної дисципліни

Метою викладання навчальної дисципліни «Комп'ютерна математика» є вивчення та освоєння СКМ для вирішення складних науково-дослідницьких завдань, виконання математичного моделювання різноманітних фізичних об'єктів.

Курс «Комп'ютерна математика» присвячений різним аспектам використання систем комп'ютерних обчислень для розв'язування математичних, фізичних і технічних завдань. У рамках курсу розглядаються сучасні системи PYTHON, MAXIMA, REDUCE, MATCAD та інше.

Під системами комп'ютерної математики (СКМ) розуміють програмне забезпечення, яке дозволяє не тільки виконувати чисельні розрахунки на комп'ютері, але і виробляти аналітичні (символьні) перетворення різних математичних і графічних об'єктів. В даний час такі системи є одним з основних обчислювальних інструментів комп'ютерного моделювання в реальному часі і знаходять застосування в різних областях науки. Вони відкривають також нові можливості для викладання багатьох навчальних дисциплін, таких як алгебра і геометрія, фізика та інформатика, економіка і статистика, екологія. Застосування СКМ істотно підвищує продуктивність праці науковця.

Ці система мають дружній інтерфейс, реалізує безліч стандартних і спеціальних математичних операцій, забезпечені потужними графічними засобами і володіють власними мовами програмування. Все це надає широкі можливості для ефективної роботи с ними спеціалістів різних профілів. Застосування систем комп'ютерної математики (СКМ) дозволяє вирішувати цілий спектр нових трудомістких, але цікавих завдань: від спрощення громіздких алгебраїчних виразів, аналітичного рішення рівнянь і систем з параметрами, графічних побудов, до анімації графіків і покрокової візуалізації самого процесу рішення.

У результаті вивчення навчальної дисципліни студент повинен знати: предмет та головні поняття курсу, основні поняття о системах комп'ютерні математики, синтаксис і семантику мови управління СКМ, основні бібліотечні пакети, необхідні для вирішення різноманітних науково-дослідницьких завдань математичного моделювання. Вміти: використовувати СКМ, володіти основами програмування СКМ, вирішувати науково технічні завдання з використанням СКМ.



### Паспорт навчальної дисципліни

Нормативні показники	денна форма здобуття освіти
Статус дисципліни	вибіркова
Семестр	3
Кількість кредитів ECTS	4
Кількість годин	120
Лекційні заняття	12 год.
Практичні заняття	22 год.
Самостійна робота	86 год.
Консультації	адрес розміщення розкладу проведення консультацій - <a href="https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=5080">https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=5080</a> , формат проведення - дистанцій
Вид підсумкового семестрового контролю:	залік
Посилання на електронний курс у СЕЗН ЗНУ (платформа Moodle)	<a href="https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=5080">https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=5080</a>

### 2. Методи досягнення запланованих освітньою програмою компетентностей і результатів навчання

Компетентності/ результати навчання	Методи навчання	Форми і методи оцінювання
1	2	3
<b>ЗК01</b> Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>ЗК02</b> Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>ЗК05</b> Здатність вчитися й оволодівати сучасними знаннями	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>ЗК06</b> Здатність бути критичним і самокритичним	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>ЗК07</b> Здатність генерувати нові ідеї (креативність)	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>СК01</b> Усвідомлення теоретичних засад комп'ютерних наук	активні, інноваційні, наочні, практичні,	усний контроль (усне опитування), практична



Компетентності/ результати навчання	Методи навчання	Форми і методи оцінювання
	дистанційні	перевірка, графічний контроль
<b>СК03</b> Здатність використовувати математичні методи для аналізу формалізованих моделей предметної області	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>СК05</b> Здатність розробляти, описувати, аналізувати та оптимізувати архітектурні рішення інформаційних та комп'ютерних систем різного призначення	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>СК06</b> Здатність застосовувати існуючі і розробляти нові алгоритми розв'язування задач у галузі комп'ютерних наук	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>СК07</b> Здатність розробляти програмне забезпечення відповідно до сформульованих вимог з урахуванням наявних ресурсів та обмежень	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>РН1</b> Мати спеціалізовані концептуальні знання, що включають сучасні наукові здобутки у сфері комп'ютерних наук і є основою для оригінального мислення та проведення досліджень, критичне осмислення проблем у сфері комп'ютерних наук	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>РН2</b> Мати спеціалізовані уміння/навички розв'язання проблем комп'ютерних наук, необхідні для проведення досліджень та/або провадження інноваційної діяльності з метою розвитку нових знань та процедур	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>РН7</b> Розробляти та застосовувати математичні методи для аналізу інформаційних моделей	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>РН11</b> Створювати нові алгоритми розв'язування задач у сфері комп'ютерних наук, оцінювати їх ефективність та обмеження на їх застосування	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль
<b>РН19</b> Аналізувати сучасний стан і світові тенденції розвитку комп'ютерних наук та інформаційних технологій	активні, інноваційні, наочні, практичні, дистанційні	усний контроль (усне опитування), практична перевірка, графічний контроль



### 3. Зміст навчальної дисципліни

#### **Тема 1** Виникнення і розвиток систем комп'ютерної математики

Визначення СКМ. Недоліки чисельних розрахунків. Відмінностей символічних обчислень від чисельних. Класифікація, структура і можливості систем комп'ютерної математики. Завдання систем комп'ютерної математики. Місце комп'ютерної математики в інформатиці. Взаємозв'язок систем комп'ютерної математики і традиційних математичних дисциплін. Можливостей підвищення ефективності рішення математичних і обчислювальних завдань. Комерційні і вільно поширювані системи комп'ютерної математики

#### **Тема 2.** Основи систем комп'ютерної математики

Структура мови. Числа, оператори і константи. Типи даних. Змінні. Функції. Рішення завдань елементарної математики. Побудова графіків і поверхонь.

#### **Тема 3.** Завдання вищої математики для СКМ

Операції з комплексними числами. Завдання лінійної алгебри. Класифікація і основні властивості функцій. Екстремуми функцій. Аналітична і чисельна інтеграція. Методи теорії наближення в чисельному аналізі. Перетворення стачечних рядів. Рішення диференціальних рівнянь в *Math*. Ряди Фур'є по ортогональних системах.

#### **Тема 4.** Чисельні методи та програмування у системах комп'ютерної математики

Чисельні методи розв'язання рівнянь, вирішення рівнянь методом Ньютона, вирішення рівнянь з кількома невідомими, лінійна інтерполяція, інтерполяція поліномами Лагранжа, інтерполяція сплайнами, оптимізація з обмеженнями методом невизначених множників Лагранжа, чисельне інтегрування.

#### **Тема 5.** Інтерфейси систем комп'ютерної математики

Класичні графічні інтерфейси, робоче вікно. Графічний інтерфейс та його налаштування. Побудова графічних ілюстрацій та графіків функцій.

#### **Тема 6.** Математичне моделювання з СКМ

Загальні питання моделювання. Аналітичні моделі. Моделі, що ідентифікуються. Статистичні методи аналізу даних. Перевірка статистичних гіпотез. Розрахунок коефіцієнтів лінійної регресії. Використання методу найменших квадратів. Моделювання динамічних систем. Моделювання системи хімічних реакцій. Фазові портрети динамічних систем. Модель динаміки популяцій. Рух твердого тіла. Аттрактор Лоренца. Модель автоколивальної системи : рівняння Ван дер Поля.



**Тема 7.** Рішення фізичних і математичних задач з СКМ

Деякі фізичні завдання. Обчислення середньої квадратичної швидкості молекул. Розподіл Максвелла. Броунівський рух. Приклад побудови статистичної моделі.

**Тема 8.** Реалізація чисельних методів в СКМ

Програмування методів рішення нелінійних рівнянь. Чисельна інтеграція. Методи рішення систем лінійних рівнянь. Ітераційні методи. Рішення звичайних диференціальних рівнянь.

**4. Структура навчальної дисципліни**

Вид заняття /роботи	Назва теми	Кількість годин	Згідно з розкладом
		о/д.ф.	
Лекція 1	Виникнення і розвиток систем комп'ютерної	2	щотижня
Лекція 2	Основи систем комп'ютерної математики	2	щотижня
Лекція 3	Чисельні методи та програмування у СКМ	2	щотижня
Лекція 4	Завдання вищої математики у Mathematica	2	щотижня
Лекція 5	Математичне моделювання з СКМ	2	щотижня
Лекція 6	Рішення фізичних і математичних задач з СКМ	2	щотижня
Лабораторна робота 1	Установка і організація роботи з СКМ	2	щотижня
Лабораторна робота 2	Базові засоби аналітичних перетворень виразів (дужки і подібні доданки) у СКМ	2	щотижня
Лабораторна робота 3	Рішення лінійних рівнянь, робота з матрицями у СКМ	2	щотижня
Лабораторна робота 5	Рішення нелінійних рівнянь СКМ		
Лабораторна робота 5	Рішення звичайних диференціальних рівнянь аналітично	2	щотижня
Лабораторна робота 6	Рішення звичайних диференціальних рівнянь чисельне	2	щотижня
Лабораторна робота 7	Чисельне та аналітичне інтегрування до СКМ	4	щотижня
Лабораторна робота 8	Моделювання динамічних систем, побудова фазових портретів динамічних систем	4	щотижня
Самостійна робота	Поглиблене вивчення теми, що вивчається на лекції.	40	Протягом семестру
Самостійна робота	Виконання індивідуального завдання	46	Протягом семестру



### Види і зміст контрольних заходів

Вид заняття/ роботи	Вид контрольного заходу	Зміст контрольного заходу	Критерії оцінювання та термін виконання	Усього балів
<b>Поточний контроль</b>				
Підготовка та захист практичної роботи № 1, 2, 3, 4	Захист практичного завдання	звіт та його захист, відповіді на контрольні питання		<b>30</b>
Підготовка та захист лабораторної роботи № 5, 6, 7, 8	Захист практичного завдання	звіт та його захист, відповіді на контрольні питання		<b>30</b>
<b>Усього за поточний контроль</b>				<b>60</b>
<b>Підсумковий контроль</b>				
<b>Залік</b>	Тест	10 тестових завдань	<b>10 тестів по 2 бали</b>	<b>20</b>
	самостійна робота	задача		<b>20</b>
<b>Усього за підсумковий контроль</b>				<b>40</b>

### Шкала оцінювання ЗНУ: національна та ECTS

За шкалою ECTS	За шкалою університету	За національною шкалою	
		Екзамен	Залік
A	90 - 100 (відмінно)	5 (відмінно)	Зараховано
B	85 - 89 (дуже добре)	4 (добре)	
C	75 - 84 (добре)		
D	70 - 74 (задовільно)	3 (задовільно)	
E	60 - 69 (достатньо)		
FХ	35 - 59 (незадовільно - з можливістю повторного складання)	2 (незадовільно)	Не зараховано
F	1 - 34 (незадовільно - з обов'язковим повторним курсом)		

## 5. Основні навчальні ресурси

### Рекомендована література

1. Computer Algebra: An Algorithm-Oriented Introduction, Wolfram Koepf, Springer, 2021. 394 p.
2. Mathematical Analysis in Interdisciplinary Research, Ioannis N. Parasidis, Efthimios Providas, Themistocles M. Rassias, Springer, 2022. 1050 p.
3. Data Engineering and Data Science: Concepts and Applications, Kukatlappalli Pradeep Kumar, Aynur Unal, Vinay Jha Pillai, Hari Murthy, M. Niranjnamurthy, Wiley-Scrivener, 2023. 467 p.



## Інформаційні ресурси

1. Сайт Документація за поточною версією пакету. URL:  
<http://maxima.sourceforge.net/docs/manual/en/maxima.html>.
2. Сайт Gilberto E. Urroz URL:  
<http://www.neng.usu.edu/cee/faculty/gurro/Maxima.html>

## 7. Регуляції і політики курсу

### Відвідування занять. Регуляція пропусків.

Відвідування усіх занять є обов'язковим. Студенти зобов'язані дотримуватися усіх строків, визначених для виконання усіх видів робіт, передбачених даною дисципліною. Пропуски та запізнення на заняття є недопустимими.

### Політика академічної доброчесності

Кожний студент зобов'язаний дотримуватися принципів академічної доброчесності. Письмові завдання з використанням часткових або повнотекстових запозичень з інших робіт без зазначення авторства – це *плагіат*. Використання будь-якої інформації (текст, фото, ілюстрації тощо) мають бути правильно процитовані з посиланням на автора! Якщо ви не впевнені, що таке плагіат, фабрикація, фальсифікація, порадьтеся з викладачем. До студентів, у роботах яких буде виявлено списування, плагіат чи інші прояви недоброчесної поведінки можуть бути застосовані різні дисциплінарні заходи (див. посилання на Кодекс академічної доброчесності ЗНУ в додатку до силабусу). Неприпустиме складання роботи, виконаної іншою особою.

### Використання комп'ютерів/телефонів на занятті

Використання мобільних телефонів, ноутбуків та інших гаджетів під час лекційних та лабораторних занять дозволяється виключно у навчальних цілях (з активованим режимом «без звуку»).

### Комунікація

Комунікація викладача зі студентами здійснюється безпосередньо на заняттях та додатково за допомогою месенджерів, електронної пошти і в СЕЗН Moodle (форум курсу, приватні повідомлення)

### Визнання результатів неформальної та інформальної освіти

Здобувачі освіти мають право на визнання результатів навчання, отриманих поза межами формальної освітньої програми (неформальна та інформальна освіта). Результати можуть бути зараховані як виконання окремих тем, розділів, видів навчальних занять, завдань самостійної роботи, за умови їх відповідності програмним результатам навчання.

Успішне проходження курсів на онлайн платформах (наприклад, Prometheus, Coursera, edX, Udemy тощо), зміст яких корелює з тематикою дисципліни та



вказаних в електронному курсі дисципліни в СЕЗН ЗНУ на платформі Moodle, може бути зараховано згідно з правилами визначеними в Положенні ЗНУ Про порядок визнання результатів навчання, здобутих шляхом неформальної та / або інформальної освіти (<https://surl.li/gachqj>).

## ДОДАТКОВА ІНФОРМАЦІЯ

**ГРАФІК ОСВІТНЬОГО ПРОЦЕСУ НА 2025-2026 н.р.** доступний за адресою: <https://surl.li/vlweoj>

**НАВЧАННЯ ТА ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ ЯКОСТІ ОСВІТИ.** Перевірка набутих студентами знань, навичок та вмінь є невід'ємною складовою системи забезпечення якості освіти і проводиться відповідно до Положення про організацію та методику проведення поточного та підсумкового семестрового контролю навчання студентів Запорізького національного університету: <https://surl.li/wdzjrl>

**ПОВТОРНЕ ВИВЧЕННЯ ДИСЦИПЛІН.** Наявність академічної заборгованості до 6 навчальних дисциплін (у тому числі проходження практики чи виконання курсової роботи) за результатами однієї екзаменаційної сесії є підставою для надання студенту права на повторне вивчення зазначених навчальних дисциплін. Процедура повторного вивчення визначається Положенням про порядок повторного вивчення навчальних дисциплін та повторного навчання у ЗНУ: <https://surl.lu/hfjbya>

**ВИРІШЕННЯ КОНФЛІКТІВ.** Порядок і процедури врегулювання конфліктів, пов'язаних із корупційними діями, зіткненням інтересів, різними формами дискримінації, сексуальними домаганнями, міжособистісними стосунками та іншими ситуаціями, що можуть виникнути під час навчання, регламентуються Положенням про порядок і процедури вирішення конфліктних ситуацій у ЗНУ: <https://surl.li/qgacqa>

Конфліктні ситуації, що виникають у сфері стипендіального забезпечення здобувачів вищої освіти, вирішуються стипендіальними комісіями факультетів, коледжів та університету в межах їх повноважень, відповідно до:

Положення про порядок призначення і виплати академічних стипендій у ЗНУ: <https://surl.li/unwzzm>

Положення про призначення та виплату соціальних стипендій у ЗНУ: <https://surl.lu/xkxmuz>

**ПСИХОЛОГІЧНА ДОПОМОГА.** Кабінет практичного психолога **Марти Ірини Вадимівни** – навч. корп. №4, каб. №235 (понеділок, середа, четвер 9.00-11.00, 13.00-15.00), навч. корп. №9 (ІННІ) каб.57 (п'ятниця 9.00-11.00, 13.00-15.00), гуртожиток №6 (вул. Добролюбова, 19, середа 9.00-11.00, 13.00-15.00). Попередній запис за тел.: 228-76-48, (099) 253-78-73 щоденно з 9 до 15.



**УПОВНОВАЖЕНА ОСОБА З ПИТАНЬ ЗАПОБІГАННЯ ТА  
ВИЯВЛЕННЯ КОРУПЦІЇ** Запорізького національного університету: **Банах  
Віктор Аркадійович**

Електронна адреса: [v\\_banakh@znu.edu.ua](mailto:v_banakh@znu.edu.ua)

Гаряча лінія: тел. (061) 227-12-76, факс 227-12-88

**РІВНІ МОЖЛИВОСТІ ТА ІНКЛЮЗИВНЕ ОСВІТНЄ СЕРЕДОВИЩЕ.**

Центральні входи усіх навчальних корпусів ЗНУ обладнані пандусами для забезпечення доступу осіб з інвалідністю та інших маломобільних груп населення. Допомога для здійснення входу у разі потреби надається черговими охоронцями навчальних корпусів. Спеціалізована допомога: (061) 228-75-11 (начальник охорони). Порядок супроводу (надання допомоги) осіб з інвалідністю та інших маломобільних груп населення у ЗНУ:  
<https://surl.li/ivcwih>

**РЕСУРСИ ДЛЯ НАВЧАННЯ**

**НАУКОВА БІБЛІОТЕКА:** <http://library.znu.edu.ua>. Графік роботи абонементів: понеділок-п'ятниця з 08.00 до 16.00; вихідні дні: субота і неділя.

**СИСТЕМА ЕЛЕКТРОННОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ НАВЧАННЯ  
ЗАПОРІЗЬКОГО НАЦІОНАЛЬНОГО УНІВЕРСИТЕТУ (СЕЗН ЗНУ):**  
<https://moodle.znu.edu.ua>.

Посилання для відновлення паролю:  
<https://moodle.znu.edu.ua/mod/page/view.php?id=133015>.

**ЦЕНТР ІНТЕНСИВНОГО ВИВЧЕННЯ ІНОЗЕМНИХ МОВ:**  
<http://sites.znu.edu.ua/child-advance/>